

Correction exercices chapitre 17 : Le condensateur.

Exercice 1 : (voir cours dernier paragraphe du cours : Étude du circuit de décharge d'un condensateur.)

Exercice 2 :

$$u_C(t) = 5 \cdot (1 - e^{-500 \cdot t}) = 5 - 5 \cdot e^{-500 \cdot t}$$

$$\dot{u}_C(t) = -5 \cdot (-500) \cdot e^{-500 \cdot t} = 2500 \cdot e^{-500 \cdot t}$$

$$u_C + 2 \cdot 10^{-3} \cdot \dot{u}_C - 5 = 5 - 5 \cdot e^{-500 \cdot t} + \underbrace{2 \cdot 10^{-3} \times 2500 \cdot e^{-500 \cdot t}}_{= +5} - 5$$

$$\text{donc } u_C + 2 \cdot 10^{-3} \cdot \dot{u}_C - 5 = 0$$

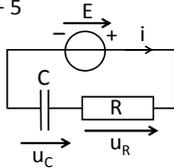
Exercice 3 :

1. $E - u_R - u_C = 0$ (ou $E = u_R + u_C$)

2.

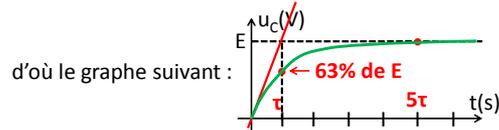
$$E - R \cdot i - u_C = 0 \quad \text{car } u_R = R \cdot i$$

$$\boxed{E - R \cdot C \frac{du_C}{dt} - u_C = 0} \quad \text{car } i = C \frac{du_C}{dt} \quad \left(\text{ou } \boxed{E = R \cdot C \frac{du_C}{dt} + u_C} \right)$$



5. - à $t=0s$, $u_C=0V$
 - à $t=\tau$ le condensateur est chargé à 63% (\approx chargé au 2/3)
 - à $t=5 \cdot \tau$ le condensateur est chargé (quasiment chargé)
 - L'abscisse du point d'intersection entre la tangente à l'origine et l'asymptote horizontal est égale à τ .

(ne pas l'écrire mais à savoir)



3.

On sait que l'ED: $y'(x)=a \cdot y(x)+b$ admet pour solution : $y(x)=K \cdot e^{ax} - \frac{b}{a}$

$$\text{or } E - R \cdot C \frac{du_C}{dt} - u_C = 0 \quad \text{donc } \frac{du_C}{dt} = -\frac{1}{R \cdot C} \cdot u_C + \frac{E}{R \cdot C}$$

Par identification, la solution de l'ED est :

$$u_C(t) = K \cdot e^{-\frac{t}{R \cdot C}} - (-E) = K \cdot e^{-\frac{t}{R \cdot C}} + E$$

4. Recherche de la constante K:

Condition initiale : $u_C(0) = 0 \text{ V}$

$$\text{or } u_C(0) = K \cdot e^{-\frac{0}{R \cdot C}} + E = K + E \quad \left. \vphantom{u_C(0)} \right\} \text{ donc } K + E = 0 \quad \text{et } K = -E$$

$$\text{d'où } u_C(t) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{R \cdot C}})$$

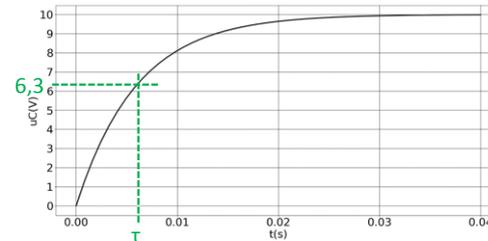
$$\boxed{u_C(t) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})} \quad \text{avec } \tau = R \cdot C$$

Exercice 4 :

1^{ère} méthode :

On sait que $u_C(\tau) = 0,63 \cdot E = 0,63 \times 10 = 6,3 \text{ V}$

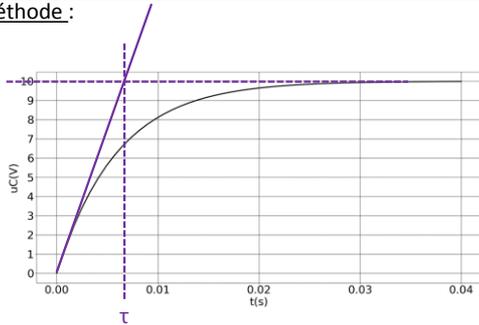
d'où la construction suivante :



$$15,4 \text{ cm} \leftrightarrow 0,0400 \text{ s} \quad \left. \vphantom{15,4} \right\} \tau = \frac{2,25 \times 0,0400}{15,4} = 5,84 \cdot 10^{-3} \text{ s}$$

$$2,25 \text{ cm} \leftrightarrow \tau \quad \left. \vphantom{2,25} \right\} \text{On sait que : } \tau = R \cdot C \quad \text{donc } C = \frac{\tau}{R} = \frac{5,84 \cdot 10^{-3}}{3,00 \cdot 10^3} = 1,95 \cdot 10^{-6} \text{ F} = \mathbf{1,95 \mu\text{F}}$$

2^{ème} méthode :



$$\left. \begin{array}{l} 15,4 \text{ cm} \leftrightarrow 0,0400 \text{ s} \\ 2,5 \text{ cm} \leftrightarrow \tau \end{array} \right\} \tau = \frac{2,5 \times 0,0400}{15,4} = 6,5 \cdot 10^{-3} \text{ s}$$

On sait que : $\tau = R \cdot C$ donc $C = \frac{\tau}{R} = \frac{6,5 \cdot 10^{-3}}{3,00 \cdot 10^3} = 2,2 \cdot 10^{-6} \text{ F} = \underline{\underline{2,2 \mu\text{F}}}$

Rq : Les deux méthodes ne fournissent pas la même valeur, c'est «normal» car il y a des «erreurs graphiques» dans les deux constructions.

Exercice 6 :

D'après l'énoncé : $u_C = E \cdot e^{-t/\tau}$

$$\begin{aligned} \ln(u_C) &= \ln(E \cdot e^{-t/\tau}) \\ \ln(u_C) &= \ln(E) + \ln(e^{-t/\tau}) \\ \ln(u_C) &= \ln(E) - \frac{t}{\tau} \end{aligned}$$

On pose $Y = \ln(u_C)$
donc $Y = \ln(E) - \frac{t}{\tau}$

• La fonction $Y = f(t)$ est une fonction affine, sa représentation graphique est donc une droite de coefficient directeur $a = -\frac{1}{\tau}$ et d'ordonnée à l'origine $\ln(E)$.

• $a = -\frac{1}{\tau} \quad \tau = -\frac{1}{a}$

Conclusion :

- Le programme python doit
- tracer cette droite ($Y = f(t)$)
 - calculer le coefficient directeur a
 - calculer τ

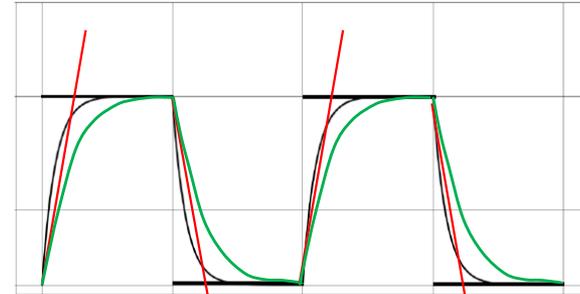
Exercice 5 :

1.2. Quand on appuie sur les deux feuilles, la distance entre elles

diminue donc ϵ diminue donc C augmente d'après l'expression : $C = \epsilon x \frac{S}{e}$

Si C augmente, τ augmente d'après l'expression $\tau = R \cdot C$.

Si τ augmente la pente de la tangente à la courbe à $t=0$ est moins forte d'où l'allure de la nouvelle courbe :



Une grande partie du programme est écrit.

La ligne 1 définit la grandeur Y donc il faut écrire : $Y = \text{np.log}(u_C)$

La ligne 2 définit la valeur de τ donc il faut écrire : $\tau = 1/a$

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import scipy.stats as sci

t=[0.00, 0.01, 0.02, 0.03, 0.04, 0.05, 0.06, 0.07, 0.08, 0.09, 0.10, 0.11, 0.12, 0.13]
u_C=[4.99, 3.21, 2.01, 1.27, 0.81, 0.51, 0.33, 0.21, 0.14, 0.09, 0.06, 0.04, 0.02, 0.01]
t1=np.array(liste_t)
u1=np.array(liste_u_C)
```

ligne 1:
plt.plot(t1,Y)

a=sci.linregress(t1,Y)[0]

ligne 2:
print (tau)

plt.show()

Exercice 7 : (Rq : nouvelles valeurs dans l'énoncé)

Quand la main est éloignée de la feuille d'aluminium ,
la valeur de « τ » varie entre 40 et 60.

Quand la main est proche de la feuille d'aluminium , la
valeur de « τ » varie entre 170 et 190.

(les valeurs de « τ » valant 65, 71, 93, 143 correspondent
au moment où la main se rapproche de la feuille).

Par conséquent, la «valeur seuil de τ » vaut – par
exemple – 100.

```

if (total1 > 100){
  tone (BUZZER, 440);
}

```

*Le buzzer se met à sonner
quand la valeur de « τ » est
supérieure à 100.*

feuille

- 3 cm

le

48
45
38
38
38
45
38
36
40
37
40
37
38
44
47
65
71
93
143
173
175
180
189
189
195
193
195
187
...