

Correction exercices chapitre 24 : Transformations nucléaires.

Exercice 1 :

1. $^{226}_{88}\text{Ra}$ 88 protons
 $226 - 88 = 138$ neutrons

2. $^{226}_{88}\text{Ra} \rightarrow ^{222}_{86}\text{Rn} + ^4_2\text{He} + \gamma$: radioactivité α (désintégration α)

3. Quand le noyau d'hélium a été expulsé du noyau radium, le noyau formé de radon n'était pas stable.

4.a. $\Delta N = -\lambda \cdot N \cdot \Delta t$
 $\frac{\Delta N}{\Delta t} = -\lambda \cdot N$

On choisit deux dates très proches : $\Delta t \rightarrow 0$

4.b. $\frac{dN}{dt} = -\lambda \cdot N$

On sait que l'ED: $y'(x) = a \cdot y(x) + b$ admet pour solution : $y(x) = K \cdot e^{ax} - \frac{b}{a}$
 $\frac{dN}{dt} = -\lambda \cdot N(t)$

4.h.
 $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{\ln 2}{1,39 \cdot 10^{-11}} = 4,99 \cdot 10^{10} \text{ s} = \frac{4,99 \cdot 10^{10}}{3600 \times 24 \times 365} = 1,60 \cdot 10^3 \text{ années}$

5. $\frac{N_0}{4} = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_1}$
 $\frac{1}{4} = e^{-\lambda \cdot t_1}$
 $\ln \frac{1}{4} = -\lambda \cdot t_1$
 $-\ln 4 = -\lambda \cdot t_1$
 $t_1 = \frac{\ln 2^2}{\lambda} = 2 \frac{\ln 2}{\lambda} = 2 \times t_{1/2} = 2 \times 1,60 \cdot 10^3 = 3,20 \cdot 10^3 \text{ années}$

Exercice 2 :

1. Il s'agit du même élément mais les deux atomes possèdent des nombres de neutrons différents.

2. positron ou positon : ${}_{+1}^0\text{e}$

Par identification : $N(t) = K \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

Condition initiale : à $t=0$, $N(0)=N_0$
or $N(0)=K \cdot e^{-\lambda \cdot 0} = K$

d'où $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

4.c.exie

$$\frac{N_0}{2} = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_{1/2}} \quad \frac{1}{2} = e^{-\lambda \cdot t_{1/2}} \quad -\lambda \cdot t_{1/2} = \ln \frac{1}{2} = -\ln 2 \quad t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

4.d. $A = -\frac{dN}{dt}$

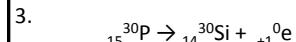
Dérivation de $N(t)$: $\frac{dN}{dt} = -\lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ donc $A(t) = \lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

4.e. $A(0) = \lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot 0} = \lambda \cdot N_0$

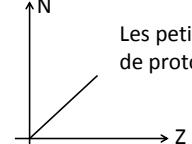
4.f. On sait que $A_0 = 3,70 \cdot 10^{10} \text{ Bq}$: $A_0 = \lambda \cdot N_0 \quad \lambda = \frac{A_0}{N_0}$

$$N_0 = n \times N_A = \frac{m \times N_A}{M} = \frac{1,0 \times 6,02 \cdot 10^{23}}{226} = 2,66 \cdot 10^{21} \text{ noyaux}$$

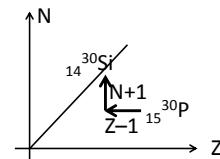
$$\lambda = \frac{3,70 \cdot 10^{10}}{2,66 \cdot 10^{21}} = 1,39 \cdot 10^{-11} \text{ s}^{-1}$$



4. Non, car le noyau de silicium formé est stable.

5.a. 
Les petits noyaux possèdent - dans l'ensemble - autant de protons que de neutrons

5.b. ${}_{15}^{30}\text{P} \rightarrow {}_{14}^{30}\text{Si} + {}_{+1}^0\text{e}$: perte d'un proton et gain d'un neutron : (un proton se transforme en neutron)



Exercice 3 :

$$1. \quad N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$N_1 = N_0 e^{-\lambda t_1}$$

$$\frac{N_1}{N_0} = e^{-\lambda t_1}$$

$$\ln \frac{N_1}{N_0} = -\lambda t_1$$

$$t_1 = -\frac{1}{\lambda} \cdot \ln \frac{N_1}{N_0} = \frac{1}{\lambda} \cdot \ln \frac{N_0}{N_1} = \frac{1}{\lambda} \cdot \ln \frac{N_0}{N_1}$$

$$\text{or } t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} \quad \text{donc } t_1 = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \frac{N_0}{N_1} = \frac{5700}{\ln 2} \cdot \ln \frac{5,0 \cdot 10^{10}}{2,8 \cdot 10^{10}} = 4,7 \cdot 10^3 \text{ ans}$$

$$2. \quad A = -\frac{dN}{dt}$$

Dérivation de $N(t)$: $\frac{dN}{dt} = -\lambda N_0 e^{-\lambda t}$ donc $A(t) = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$

$$A(0) = \lambda N_0 \quad \text{donc } A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$$

Même calcul qu'à la question précédente : il suffit de remplacer A par N :

$$t_1 = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \frac{A_0}{A_1} = \frac{3700}{\ln 2} \cdot \ln \frac{13,5}{8,4} = 2,5 \cdot 10^3 \text{ ans}$$